

REG-POC-2223-ASM-SET 3-MATH

建議題解

多項選擇題

1. B

連接 OC （從而利用等弧性質）

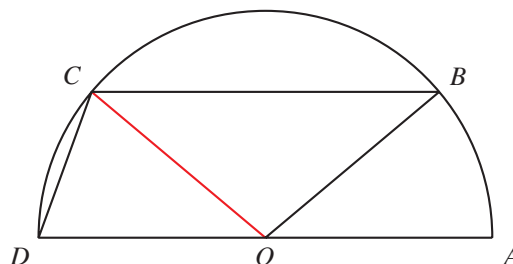
$$\text{反角 } \angle BOD = 2 \times 110^\circ = 220^\circ$$

$$\angle AOB = 220^\circ - 180^\circ = 40^\circ$$

$$\angle COD = \angle AOB = 40^\circ$$

$$\angle COB = 180^\circ - 2 \times 40^\circ = 100^\circ$$

$$\angle OBC = \angle OCB = \frac{180^\circ - 100^\circ}{2} = 40^\circ$$



2. C

$$\angle POS = \angle ROS = \frac{136^\circ}{2} = 68^\circ$$

$$\angle SPO = \angle PSO = \frac{180^\circ - 68^\circ}{2} = 56^\circ$$

3. A

$$\text{反角 } \angle AOD = 70^\circ \times \frac{3}{1} = 210^\circ$$

$$\angle AOD = 360^\circ - 210^\circ = 150^\circ$$

$$\angle ACD = \frac{150^\circ}{2} = 75^\circ$$

4. B

$$\angle AOC = \angle BOD \text{ ,}$$

$$\angle AOD = \angle BOC = \frac{180^\circ - 48^\circ}{2} = 66^\circ \text{ .}$$

$$\angle ABD = \frac{180^\circ - 66^\circ - 48^\circ}{2} = 33^\circ \text{ .}$$

5. D

$$\angle OCB = 68^\circ \text{ 及 } \angle BOC = 180^\circ - 68^\circ - 68^\circ = 44^\circ \text{ .}$$

$$\angle COD = \angle AOB = x$$

$$x + 44^\circ + x = 180^\circ$$

$$x = 68^\circ$$

6. C

$$\angle AOB = \angle BOC = \frac{100^\circ}{2} = 50^\circ$$

$$\angle OAB = \angle OBA$$

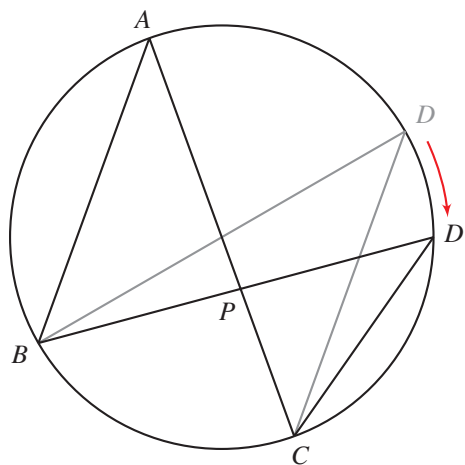
$$\angle OAB = \frac{180^\circ - 50^\circ}{2} = 65^\circ$$

7. D

- I. ✓。留意 $\angle AOB = \angle BOC = \angle COD = \dots = \angle FOA$ 。
 $\angle EOF = \frac{360^\circ}{6} = 60^\circ$
- II. ✓。由於 $\widehat{AB} = \widehat{DE}$ ， $AB = DE$ 。
- III. ✓。由於所有弧長相等，所有弦長相等。
 它是一個正六邊形。

8. A

- I. ✓。 $\angle APB = \angle CPD$ （對頂角）
- II. ✗。考慮下圖。 D 點沿順時針移動。弦 AC 與弦 BD 相交於 P 。



- 留意 $\widehat{AB}$ 維持不變，而 $\widehat{CD}$ 變短。
 因此，等式 $\widehat{AB} = \widehat{CD}$ 不可能為正確。
- III. ✗。考慮上圖。
 AB 維持不變，而 CD 變短。
 因此，等式 $AB = CD$ 不可能為正確。

9. C

$$\begin{aligned}\angle PQR &= 90^\circ \\ \angle PRQ &= \frac{180^\circ - 90^\circ}{2} = 45^\circ \\ \angle PQS &= 90^\circ - 18^\circ = 72^\circ \\ \angle SRP &= \angle SQR = 72^\circ \\ \angle QRS &= 72^\circ + 45^\circ = 117^\circ\end{aligned}$$

10. C

$$\angle AOP = \angle POQ = \angle QOC = \frac{180^\circ - 90^\circ}{3} = 30^\circ$$

$$\angle CPQ = \frac{1}{2} \angle COP = 15^\circ$$

$$\angle AQP = \frac{1}{2} \angle AOP = 15^\circ$$

$$\angle ARC = \angle PRQ = 180^\circ - 15^\circ - 15^\circ = 150^\circ$$

11. C

$$\angle AOC = \angle COE = \frac{180^\circ}{2} = 90^\circ$$

$$\text{反角 } \angle AOC = 360^\circ - 90^\circ = 270^\circ$$

$$\angle ABC = \frac{270^\circ}{2} = 135^\circ$$

12. C

$$\angle FDE = 145^\circ - 15^\circ = 130^\circ$$

$$\angle ADC = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$

$$\angle AOC = 2\angle ADC = 100^\circ$$

$$\angle BOC = \angle AOB = \frac{100^\circ}{2} = 50^\circ$$

$$\angle OCE = \angle BOC - \angle CEO = 50^\circ - 15^\circ = 35^\circ$$

13. D

據下圖，留意所有正多邊形均為圓內接多邊形。

I. ✓。該圖沿 DH 對稱。

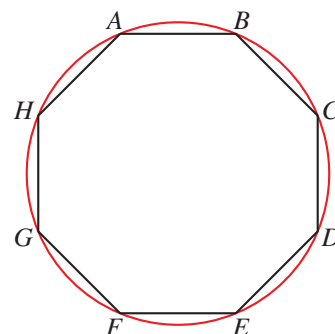
所以， $AG \perp DH$ 及 $BF \perp DH$ 。

因此， $AG \parallel BF$ 。

II. ✓。由於 $\widehat{BD} = \widehat{EG}$ ， $BD = EG$ 。

III. ✓。 $\angle CAG : \angle BDH = \widehat{CEG} : \widehat{BAH} = 2 : 1$

因此， $\angle CAG = 2\angle BDH$ 。



14. B

留意正六邊形為圓內接。

由於 $BC = CD = DE = EF$ ，可得 $\angle BAC = \angle CAD = \angle DAE = \angle EAF$ 。

$$\angle BAF = \frac{(6-2)180^\circ}{6} = 120^\circ$$

$$x + y = 120^\circ \times \frac{2}{4} = 60^\circ$$

15. C

設 $\angle ADB = x^\circ$ 則 $\angle CAD = 2x^\circ$ 。

$$\angle CED = \angle ADB + \angle CAD$$

$$87^\circ = x + 2x$$

$$x = 29^\circ$$

16. D

$$\angle AOB = 24^\circ \times 2 = 48^\circ$$

$$\angle BOC = 48^\circ \times \frac{3}{2} = 72^\circ$$

$$\angle AOC = 48^\circ + 72^\circ = 120^\circ$$

$$\angle OAC = \frac{180^\circ - 120^\circ}{2} = 30^\circ$$

17. C

$$\angle PRQ : \angle QPR : \angle PQR = \widehat{PQ} : \widehat{QR} : \widehat{PR} = 2 : 3 : 4$$

$$\angle PQR = 180^\circ \times \frac{4}{2+3+4} = 80^\circ$$

18. C

設 O 為圓心。

$$\angle OBA = \angle BAC = 36^\circ$$

$$\angle AOB = 180^\circ - 36^\circ - 36^\circ = 108^\circ$$

$$\frac{\widehat{AC}}{\widehat{AB}} = \frac{\angle AOC}{\angle AOB}$$

$$\frac{\widehat{AC}}{9} = \frac{180^\circ}{108^\circ}$$

$$\widehat{AC} = 15 \text{ cm}$$

19. C

$$\angle BDA : \angle BDC = \widehat{AB} : \widehat{BC} = 1 : 2$$

$$\angle BDC = 84^\circ \times \frac{2}{1+2} = 56^\circ$$

20. D

$$\frac{\angle ABD}{\angle BAC} = \frac{\widehat{AD}}{\widehat{BC}}$$

$$\frac{\angle ABD}{28^\circ} = \frac{1}{2}$$

$$\angle ABD = 14^\circ$$

$$\angle ADB = 90^\circ$$

$$\angle CAD = 180^\circ - 90^\circ - 28^\circ - 14^\circ = 48^\circ$$

21. B

設 $\angle ABD = 3\theta$ 。則 $\angle ACB = 3\theta$ 、 $\angle BAC = 2\theta$ 及 $\angle CBD = 4\theta$ 。

$$2\theta + (3\theta + 4\theta) + 3\theta = 180^\circ$$

$$\theta = 15^\circ$$

$$\angle BFC = 2\theta + 3\theta = 75^\circ$$

$$\angle ACE = 75^\circ - 40^\circ = 35^\circ$$

22. A

$$\angle POQ = 360^\circ - 100^\circ - 90^\circ - 50^\circ = 120^\circ$$

$$\frac{\widehat{SR}}{\widehat{PQ}} = \frac{\angle SOR}{\angle POQ}$$

$$= \frac{90^\circ}{120^\circ}$$

$$\widehat{SR} : \widehat{PQ} = 3 : 4$$

23. B

$$\angle AOB : \angle BOC : \angle COD = \widehat{AB} : \widehat{BC} : \widehat{CD}$$

$$= 2 : 1 : 1$$

$$\angle OAD = \angle ODA = 34^\circ$$

$$\angle AOD = 180^\circ - 34^\circ - 34^\circ = 112^\circ$$

$$\text{反角 } \angle AOD = 360^\circ - 112^\circ = 248^\circ$$

$$\angle COD = 248^\circ \times \frac{1}{2+1+1} = 62^\circ$$

$$\angle AOC = 112^\circ + 62^\circ = 174^\circ$$

$$\angle ABC = \frac{1}{2}\angle AOC = 87^\circ$$

24. D

$$\angle AOB : \angle BOC : \angle COA = 5 : 4 : 3$$

$$\angle AOB = 360^\circ \times \frac{5}{5+4+3} = 150^\circ$$

$$\angle OBA = \frac{180^\circ - 150^\circ}{2} = 15^\circ$$

25. C

設 $\angle PRQ = \theta$ 。

由於 $PQ = QR = RS$ ，可得 $\angle QSR = \angle SQR = \theta$ 。

由於 $\widehat{PS} : \widehat{RS} = 2 : 1$ ，可得 $\angle PRS = 2\theta$ 。

在 $\triangle QRS$ 中，

$$\theta + (\theta + 2\theta) + \theta = 180^\circ$$

$$\theta = 36^\circ$$

$$\angle PES = 2\theta + \theta = 108^\circ$$

26. C

設 O 為半圓 $APQRSB$ 的圓心。

$$\angle AOQ = 180^\circ \times \frac{2}{5} = 72^\circ$$

$$\angle ABQ = \frac{\angle AOQ}{2} = 36^\circ$$

$$\angle BOS = 180^\circ \times \frac{1}{5} = 36^\circ$$

$$\angle BAS = \frac{\angle BOS}{2} = 18^\circ$$

$$\angle AKQ = 18^\circ + 36^\circ = 54^\circ$$

27. B

I. $\checkmark$ 。留意 $12^2 + 12.6^2 = 302.76 = 17.4^2$ 。

可得 $\angle BAC = 90^\circ$ 及 BC 為該圓的一直徑。

$$\text{半徑} = \frac{BC}{2} = 8.7 \text{ cm}$$

II. $\times$ 。留意一般情況下 $\frac{\widehat{AC}}{\widehat{AB}} \neq \frac{AC}{AB} = \frac{21}{20}$ 。

設 O 為該圓的圓心。

$$12.6^2 = 8.7^2 + 8.7^2 - 2(8.7)(8.7) \cos \angle AOC$$

$$\angle AOC \approx 92.8^\circ$$

$$12^2 = 8.7^2 + 8.7^2 - 2(8.7)(8.7) \cos \angle AOB$$

$$\angle AOB \approx 87.2^\circ$$

$$\frac{\widehat{AC}}{\widehat{AB}} = \frac{\angle AOC}{\angle AOB} \approx 1.06 \neq \frac{21}{20}$$

III. $\checkmark$ 。 BC 為直徑及 $\angle BAC = 90^\circ$ 。

$$\cos \angle ACB = \frac{AC}{BC} = \frac{21}{29}$$

28. C

$$\angle DCA = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

$$\angle BDC = \angle ABD \times \frac{3+4}{4+6} = 84^\circ$$

$$\angle EDB = 180^\circ - 84^\circ = 96^\circ$$

$$\angle AEC = 120^\circ - 96^\circ = 24^\circ$$

29. B

$$\angle ABD = 15^\circ + 25^\circ = 40^\circ$$

$$\angle ADB = 90^\circ$$

$$\angle BAD = 180^\circ - 90^\circ - 40^\circ = 50^\circ$$

$$\frac{\widehat{AD}}{\widehat{BQD}} = \frac{\angle ABD}{\angle BAD} = \frac{40^\circ}{50^\circ} = \frac{4}{5}$$

30. C

設 $\angle ADB = \theta$ 。

則 $\angle BDC = 2\theta$ 、 $\angle CAD = 2\theta$ 及 $\angle ACD = 3\theta$ 。

$$\angle CAD + \angle ACD + \angle ADC = 180^\circ$$

$$2\theta + 3\theta + (\theta + 2\theta) = 180^\circ$$

$$\theta = 22.5^\circ$$

$$x = 180^\circ - 2\theta - \theta = 112.5^\circ$$